

Porazdeljeni sistemi

---

2.

## Paralelne arhitekture I

Predavatelj: izr. prof. Uroš Lotrič  
Asistent: Davor Sluga

# Uvod

---

❖ 1960 – 1990, vrh 1980

❖ Preizkušenih mnogo različnih arhitektur

- Razvoj posebnih procesorjev za paralelne sisteme
- Dilema: veliko enostavnih procesorjev ali manj bolj kompleksnih

❖ Danes

- Zgornjih dilem ni več
- Najbolj se splača uporabljati masovno proizvedene procesorje
- Razvoj specializiranih procesorjev je predrag in prepočasen

# Pregled paralelnih arhitektur

---

## ❁ Povezovanje procesorjev

- Polja procesorjev
- Večprocesorski sistemi
- Večračunalniški sistemi

## ❁ Flynnovo označevanje

- SISD
- SIMD (vektorski, GPU)
- MIMD (shared memory: UMA, NUMA, distributed memory)

# Delitev paralelnega računanja

## 🍷 Flynnovo označevanje

- Najbolj znana shema označevanja paralelnih računalnikov
- Večina modernih paralelnih računalnikov pade pod rubriko MIMD kar zmanjšuje uporabnost klasifikacije

		Podatkovni tok	
		Enojni	Večkratni
Ukazni tok	Enojni	<b>SISD</b> Običajni procesorji	<b>SIMD</b> Procesorska polja Cevovodni vektorski procesorji
	Večkratni	<b>MISD</b> Sistolična polja	<b>MIMD</b> Večprocesorski sistemi Večračunalniški sistemi

- Sistolično polje: cevovod več neodvisnih funkcijskih enot, ki delujejo na istem podatkovnem toku

# Delitev paralelnega računanja

---

## ❖ Programerski vidiki

- Podatkovni paralelizem (SIMD)
- Funkcijski paralelizem (MIMD)
  - Različni programi, različni podatki
- Isti program, različni podatki (SPMD)
- Podatkovni tok: cevovodni paralelizem
  
- Komentarji
  - SIMD in SPMD:
    - SPMD bolj splošen, na običajnih računalnikih
    - SIMD za vektorske računalnike
  - SPMD in MIMD:
    - sta v bistvu enaka, saj vsak MIMD lahko naredimo SPMD
    - oboje lahko na običajnih računalnikih izvedemo z MPI

# Polja procesorjev

---

## 🍁 Vektorski računalnik

- Zna računati na vektorjih in skalarjih
- Dva tipa:
  - Cevovodna rešitev (starejši, cevovodno računanje arit. operacij)
  - Procesorska polja
    - Sekvenčni računalnik
    - Določene ukaze izvaja na posebnih sinhroniziranih procesnih elementih, ki so zmožni hkrati izvajati izračune na različnih podatkih
    - Razloga za njihov razvoj
      - Visoka cena glavnega procesorja
      - Večina izračunov v znanosti je podatkovno paralelnih

# Polja procesorjev

---

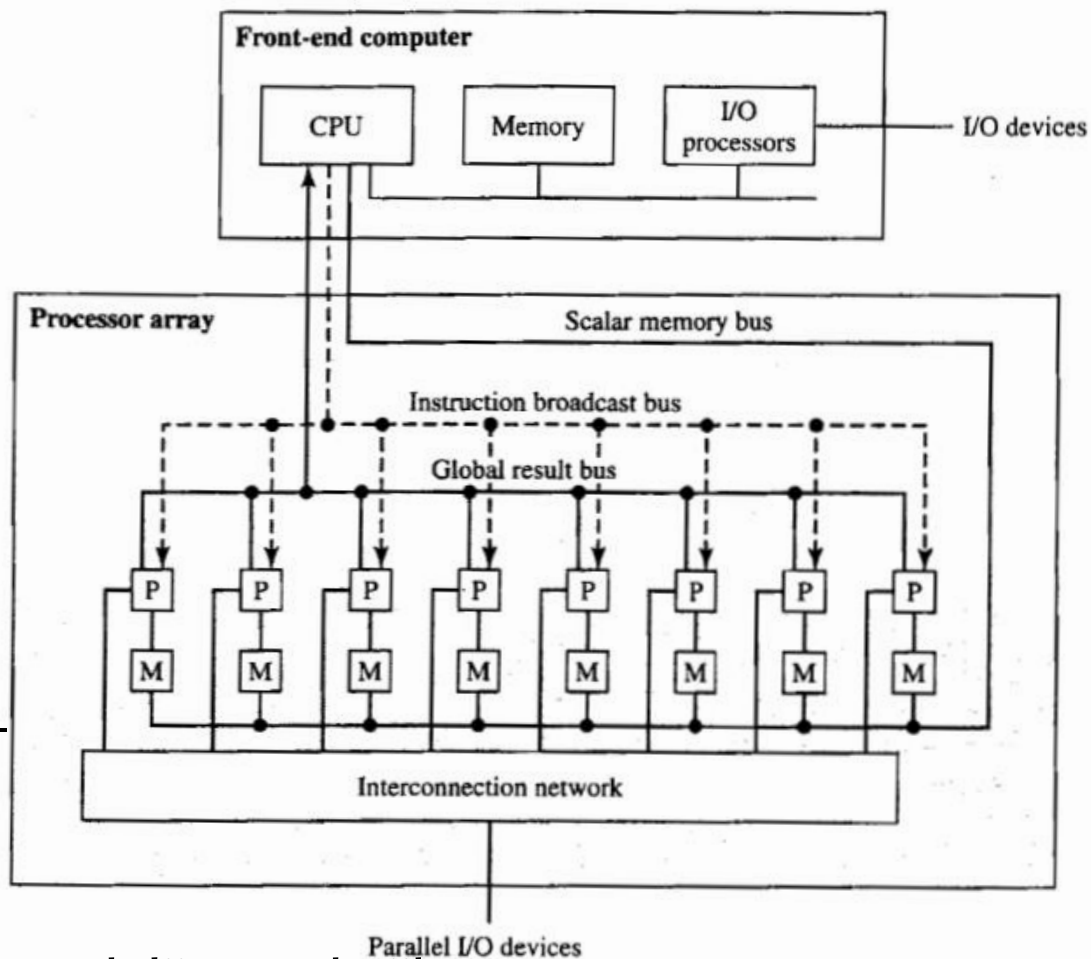
## • Vektorski računalnik ima

- Vektorske registre
- Vektorske in cevovodne funkcijske enote
- Vektorski ukazi
- Pomnilniško prepletanje (zaporedni naslovi v različnih modulih, da več procesorjev dostopa na enkrat do pomnilnika)
- Poravnan zapis operandov v pomnilniku

# Polja procesorjev

## Arhitektura

- Front – end:
  - enojedrni procesor
    - Pomnilnik za ukaze in sekvenčne operande
- Polje procesorjev:
  - Mnogo parov enostaven procesor – pomnilnik
  - Podatki za paralelne izračune se najprej porazdelijo med njih
  - Posebno vodilo omogoča sinhrono izvajanje na vseh procesorjih





# Polja procesorjev

---

## ❁ Računanje vsote vektorjev $\mathbf{c} = \mathbf{a} + \mathbf{b}$ na 128 procesorjih

- $|\mathbf{a}|, |\mathbf{b}| = 128$ 
  - $i$  – ti procesor dobi  $a_i$  in  $b_i$  in izračuna  $c_i$
  - Izračun se sproži z enim ukazom
- $|\mathbf{a}|, |\mathbf{b}| = 28$ 
  - 100 procesorjev je brezposelnih – neučinkovito
- $|\mathbf{a}|, |\mathbf{b}| = 555$ 
  - $555 = 4 \times 128 + 43$ 
    - 43 procesorjev izvede 5 izračunov
    - 85 procesorjev izvede 4 izračune

# Polja procesorjev

---

## ❖ Povezovanje osnovnih procesorjev

- Najpogosteje 2D mreža
- Računanje diferencialnih enačb v fiziki, strojništvu, dinamiki tekočin je tipa:  $a_i = (a_{i-1} + a_{i+1}) / 2$
- 2D mreža nam da povezavo procesorja s svojimi sosedi

## ❖ Pogojno izvrševanje ukazov

- Posebni ukazi za maskiranje procesorjev
- Operacije se izvede samo na nemaskiranih procesorjih
  - Primer: računanje predznaka elementa, testiranje, če je število manjše od 0
    - Maskiranje tistih, ki ustrezajo pogoju
    - Postavljanje vrednosti vseh nemaskiranih procesorjev na 1
    - Maskirane procesorje odmaksiramo, nemaskirane zamaskiramo
    - vrednosti nemaskiranih procesorjev postavimo na -1

# Polja procesorjev

---

## ✿ Plusi in minusi

- Velikost vsakega problema se ne ujema z velikostjo procesorskega polja
- Počasno izvajanje pogojnih ukazov (gnezdeni stavki if, ...)
- Gre za enouporabniške računalnike, nekdo drug ne more izkoristiti prostih virov
- Namenski procesorji – počasnejši in dražji razvoj kot za komercialne rešitve

## ✿ Programiranje

- Možno avtomatsko prevajanje (zanka for ...)
- Slaba skalabilnost za velike probleme

# Polja procesorjev

---

## ✿ GPU

- hierarhična zasnova
- Multiprocesorji, senčilni procesorji
- Senčilni procesorji izvajajo množico nitk
- SIMD na senčilnih procesorjih
- SPMD na multiprocesorjih
- SIMT – single instruction multiple thread

# Večprocesorski sistemi

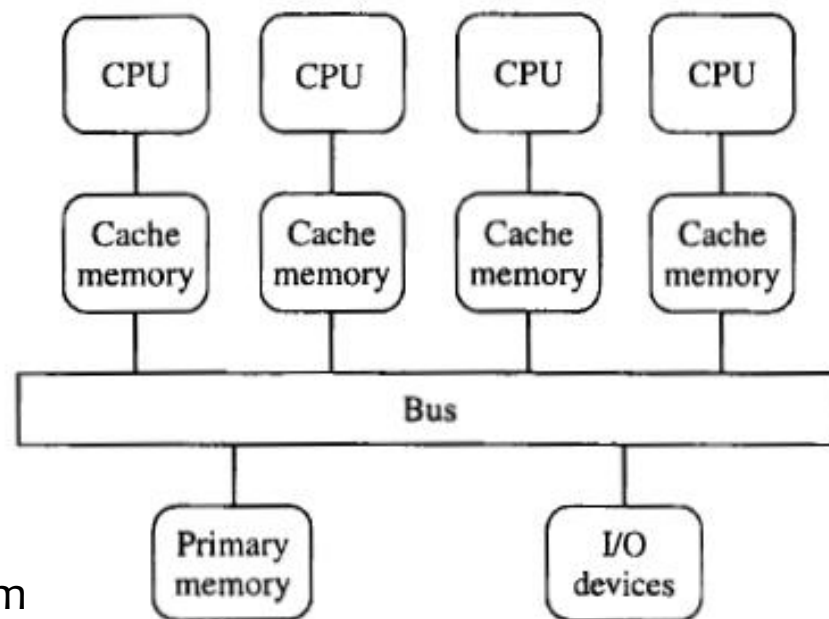
---

- Gre za računalnike z več procesorji in deljenim pomnilnikom
- Prednosti pred procesorskimi polji:
  - Sestavljeni so iz komercialnih komponent
  - Običajno imajo vgrajeno podporo za večopravnost
  - Ne izgubljajo na učinkovitosti pri izvajanju pogojne kode
- Tipi
  - Centralizirani večprocesorski sistemi
  - Porazdeljeni večprocesorski sistemi
- Dva velika problema
  - sovisnost (koherenca) podatkov
  - sinhronizacija

# Večprocesorski sistemi

## ❖ Centralizirani večprocesorski sistemi

- Naravna razširitev enoprocorskega sistema
- Procesorji so s skupnim pomnilnikom povezani preko vodila
- UMA (Uniform Memory Access) ali SMP (Symmetric MultiProcessor)
- Današnji večjedrni računalniki spadajo v to skupino
- Procesor ima običajno nekaj lokalnega predpomnilnika, da se zmanjšajo prenosi po vodilu
  - Stalno branje spremenljivk s strani vseh procesorjev bi vodilo k mnogim prenosom in s tem celoten sistem silno upočasnilo



# Večprocesorski sistemi

---

## ❖ Centralizirani večprocesorski sistemi

- Pomnilnik je običajno razdeljen na več modulov
  - Do enega modula lahko dostopa samo en procesor na enkrat
  - Več modulov → več hkratnih dostopov
  - Prepletanje
    - Visokonivojsko:
      - zaporedni naslovi so v istem pomnilniku
      - Primer: 0-255, 256-511, 512-767, 768-1023 v štirih moduli
    - Nizkonivojsko:
      - Zaporedni naslovi so v moduli z zaporednimi oznakami
      - $M_0$ : 0, 4, 8, ...,  $M_1$ : 1, 5, 9, ...,  $M_2$ : 2, 6, 10, ...,  $M_3$ : 3, 7, 11, ...
      - Super za vektorske operacije, če jih izvajajo različni procesorji (procesorska polja)

# Večprocesorski sistemi

---

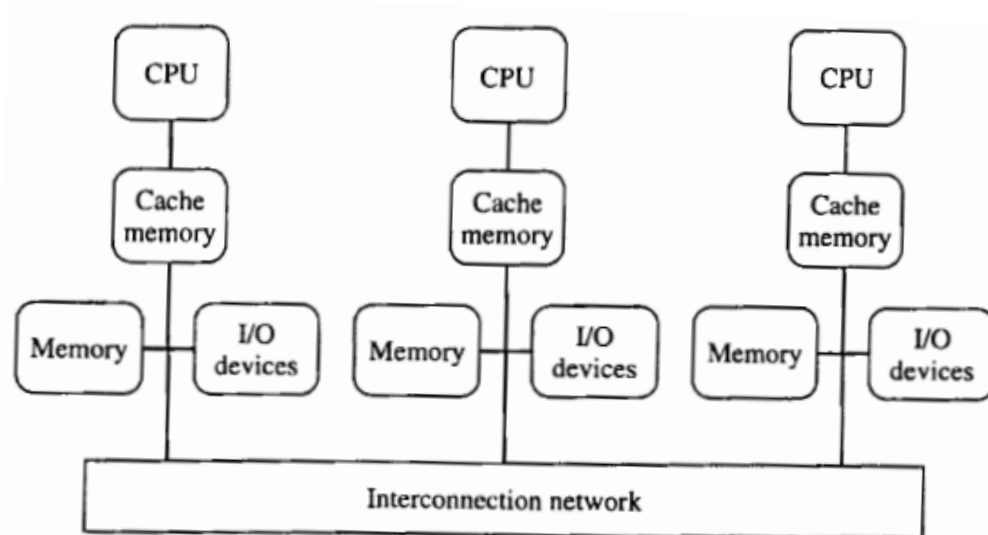
- ✿ Centralizirani večprocesorski sistemi: delovanje
  - Ločimo lokalne in deljene podatke
  - Procesorji med seboj komunicirajo preko deljenega pomnilnika



# Večprocesorski sistemi

## ❖ Porazdeljeni večprocesorski sistemi

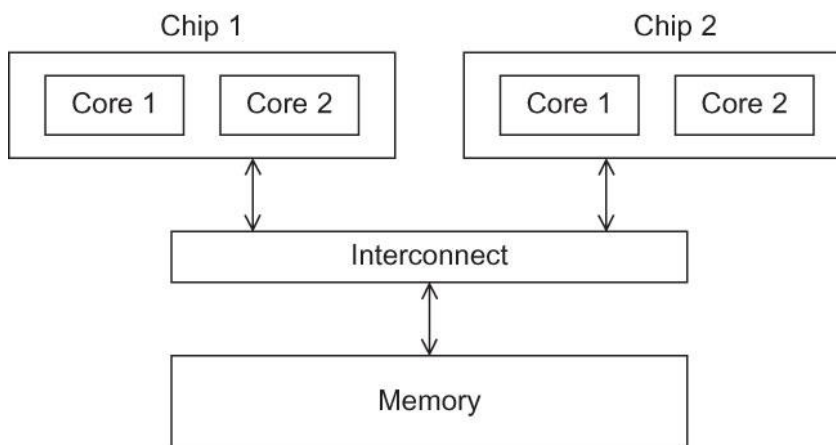
- Porazdeljen je tudi pomnilnik
- Dostop do lokalnega pomnilnika je bistveno hitrejši kot do deljenega
- Govorimo tudi o NUMA (Non-Uniform Memory Access)
- Imamo lahko več procesorjev kot pri UMA (boljša raztegljivost)
- Vsi procesorji si delijo isti naslovni prostor
  - isti naslov na različnih procesorjih se nanaša na isti kos pomnilnika



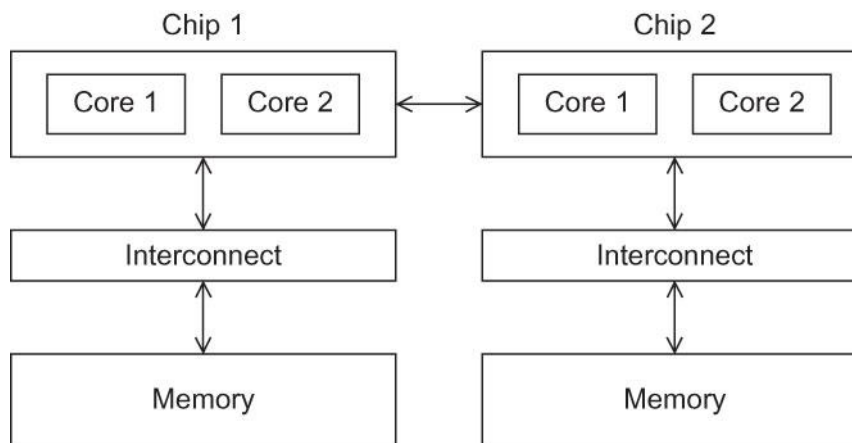
# Večprocesorski sistemi

## Centralizirani večprocesorski sistemi

- UMA večjedrnik



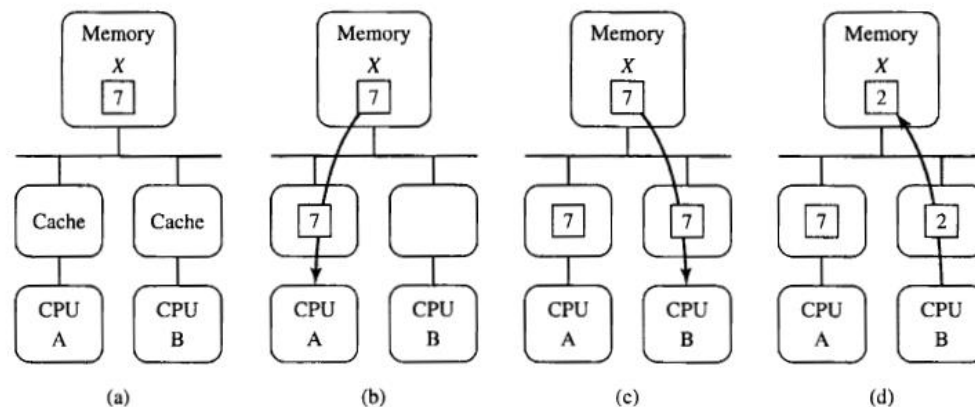
- NUMA večjedrnik



# Večprocesorski sistemi

## ❖ Centralizirani večprocesorski sistemi: sovisnost podatkov

- Procesorji vidijo podatke preko predpomnilnika
- Paziti je treba, da se podatki med procesorji ne razlikujejo
- Primer



- Rešitev
  - vohljanje (snooping) v kombinaciji s pisanjem skozi
  - Direktorijski protokoli (MESI, ...) v kombinaciji s pisanjem nazaj

# Večprocesorski sistemi

---

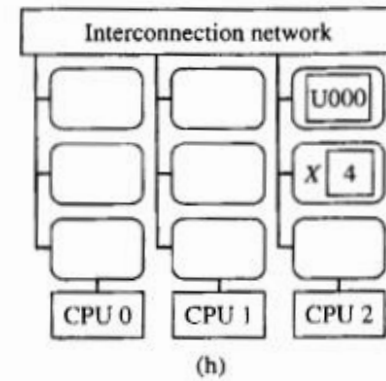
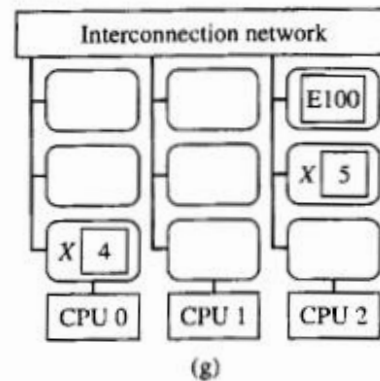
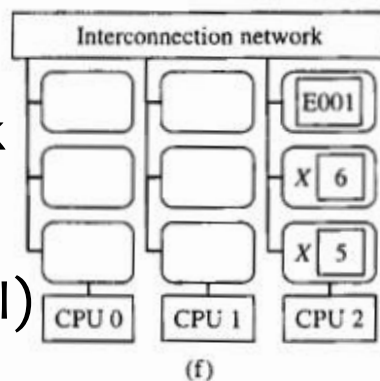
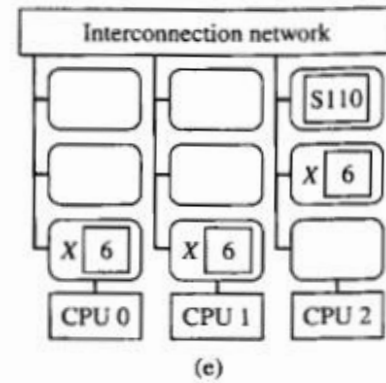
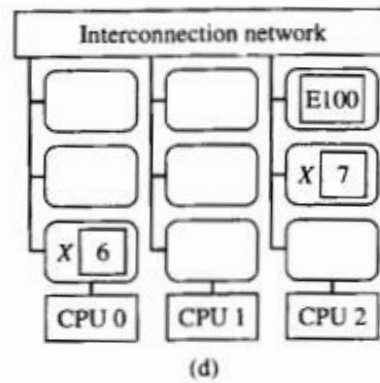
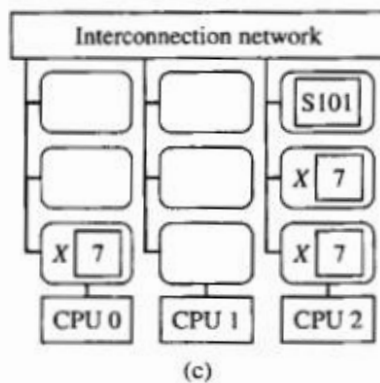
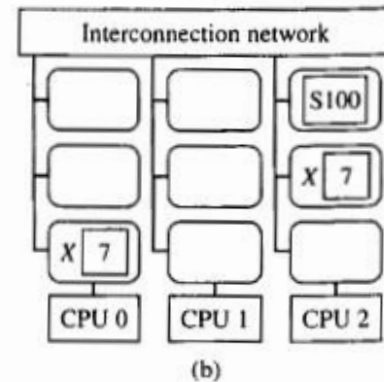
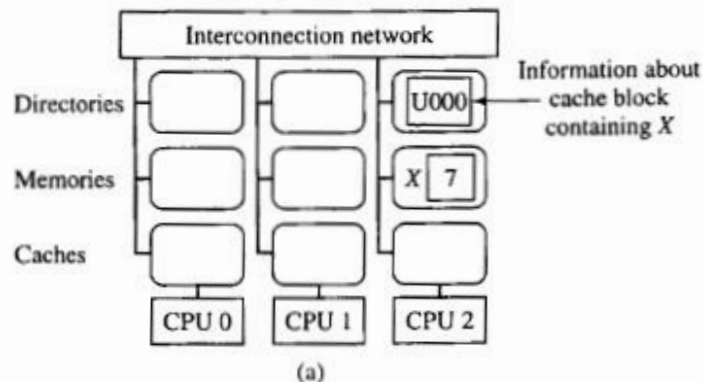
## ❖ Porazdeljeni večprocesorski sistemi: sovisnost

- Zaradi večjega števila procesorjev vohljanje postane ozko grlo
- Potrebni so boljši protokoli
  - lista o razporeditvi pomnilniških blokov po predpomnilnikih
  - Primer protokola:
    - Stanje vodi pomnilnik, ki je lastnik določenega bloka
    - U(ncached) – pomnilniški blok ni uporabljen na nobenem predpomnilniku
    - S(hared) – zapis je uporabljen v predpomnilnikih (branje)
    - E(xclusive) – zapis v predpomnilnik, samo en predpomnilnik ima pravo vrednost

# Večprocesorski sistemi

## ❁ Porazdeljeni večprocesorski sistemi: sovisnost

- Primer protokola
  - 1/0 se nanaša na uporabljeni predpomnilnik
  - (h) = flush
  - Pentium (MESI)



# Večprocesorski sistemi

---

## ❁ Porazdeljeni večprocesorski sistemi: sovisnost

- Pentium:

- M(ultiple) – večkratni zapis v predpomnilnik, samo en procesor ima veljavno kopijo
- E(xclusive) – prvi zapis v predpomnilnik, samo en procesor ima veljavno kopijo
- S(hared) – blok ima kopije v več predpomnilnikih
- I(nvalid) – zapisani blok ni ustrezen ali ni v predpomnilniku

# Večprocesorski sistemi

---

## • Večprocesorski sistemi: sovisnost

- Lažni deljeni podatki
  - Spremenljivki Z in W se nahajata v istem pomnilniškem bloku
  - Ko preberemo Z, se v predpomnilnik prenese tudi W
  - Ko spremenimo Z, bo blok na vseh ostalih procesorjih označen kot neustrezen E(xclusive)
  - S tem bo kot neustrezna označena tudi spremenljivka W, čeprav se njena vrednost ni spremenila
  - Pri spreminjanju Z na enem in W na drugem procesorju se bo ves čas osveževal predpomnilnik → zmanjšanje zmogljivosti

# Večprocesorski sistemi

---

## • Večprocesorski sistemi: sinhronizacija

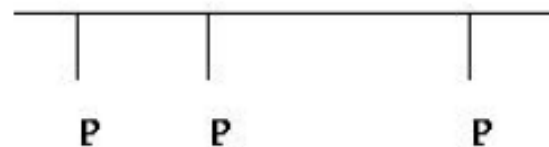
- Medsebojno izključevanje:
  - določene operacije lahko na enkrat dela samo en procesor
  - Primer: premikanje kazalca na naslednjo nalogo
    - Prvi procesor vzame prvo nalogo in kazalec premakne na naslednjo
    - Drugi vzame nalogo na katero kaže kazalec in premakne kazalec preden naslednji procesor prebere nalogo ...
- Sinhronizacija s preprekami
  - Dokler vsi procesorji ne pridejo do istega dela programa, označenega kot prepreka, nobeden ne sme nadaljevati izvajanja



# Povezovalna omrežja

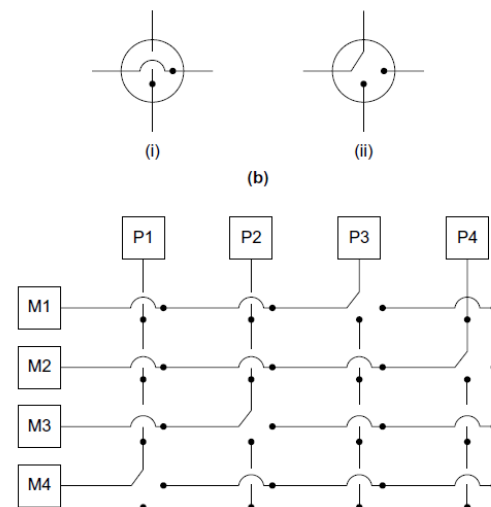
## Večprocesorski sistemi

- vodila
  - žice si delijo vse naprave,
  - nizka cena, fleksibilnost
  - samo dve napravi na enkrat lahko komunicirata,
  - Več kot je procesorjev, bolj čakajo na dostop do pomnilnika



## Mreža

- Preklopni sistem
- Poti med napravami se nastavlja s stikali
  - Kvadrati –  $n \times$  procesor /  $n \times$  pomnilnik
  - Stikala -  $n \times n$  možnih poti
  - Za manjše sisteme
  - $n$  hkratnih povezav



# Pohitritev

---

🍄 Definicija:

$$S(n, p) = \frac{t_s(n)}{t_p(n, p)}$$

- čas izvajanja sekvenčnega programa  $t_s(n)$
- čas izvajanja paralelnega programa  $t_p(n, p)$
- velikost problema  $n$
- število paralelnih procesov  $p$
  
- wall-clock time!

# Pohitritev

---

- ❖ Paralelni algoritmi so sestavljeni iz treh skupin operacij:
  - operacije, ki jih je potrebno izvajati zaporedno, delež  $\sigma(n)$ ,
  - operacije, ki jih lahko paraleliziramo, delež  $\varphi(n)$  in
  - komunikacija med procesi, delež  $\kappa(n, p)$ .
- ❖ Če predpostavimo, da se paralelne operacije enakomerno porazdelijo med procese, velja

$$S(n, p) = \frac{t_s(n)}{t_p(n, p)} = \frac{\sigma(n) + \varphi(n)}{\sigma(n) + \varphi(n)/p + \kappa(n, p)}$$

# Učinkovitost

---

• Definicija:

$$E(n, p) = \frac{t_s(n)}{p \cdot t_p(n, p)} = \frac{S(n, p)}{p}$$

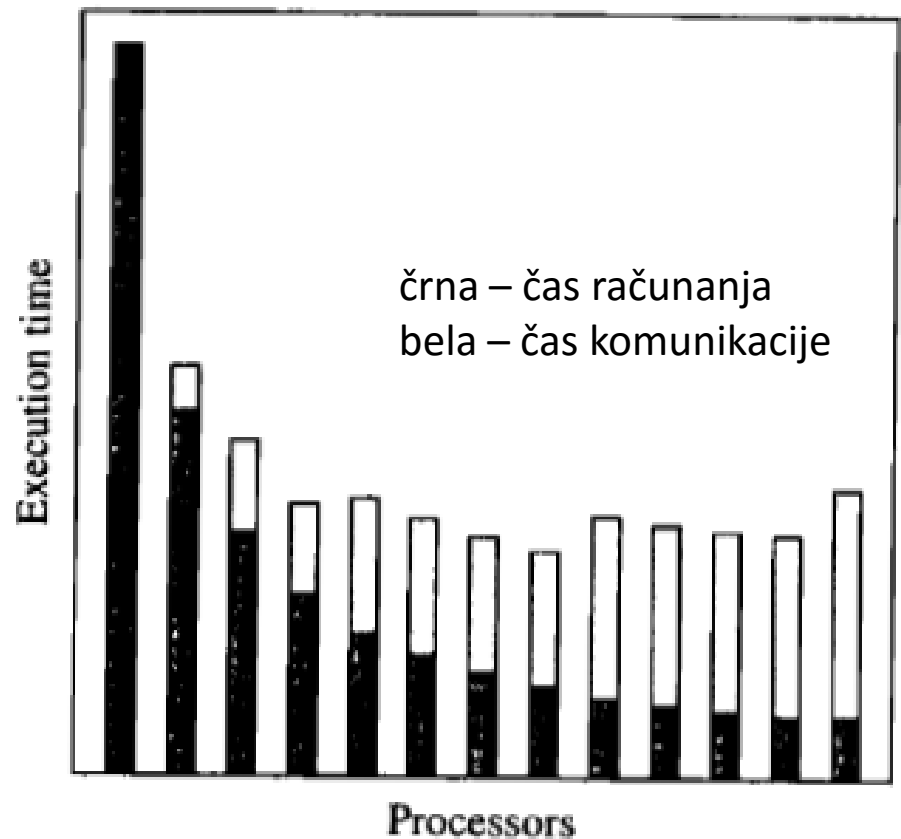
- Je mera izrabe procesorjev
- Pove nam kolikšen delež časa so procesi  $p$  polno izkoriščeni

$$E(n, p) = \frac{\sigma(n) + \varphi(n)}{p\sigma(n) + \varphi(n) + p\kappa(n, p)}$$

- Običajno velja  $0 \leq E(n, p) \leq 1$

# Računanje in komunikacija

- ❖ Dodajanje procesorjev zmanjšuje čas računanja
- ❖ V neki točki se zgodi, da je strošek komunikacije večji od zmanjšanje časa računanja. Takrat se začne čas izvajanja programa povečevati.



$$S(n, p) = \frac{\sigma(n) + \varphi(n)}{\sigma(n) + \varphi(n)/p + \kappa(n, p)}$$

# Računanje in komunikacija

---

## ❖ Linearna in nad-linearna pohitritev

- Če je  $E(n, p) = 1$  ali  $S(n, p) = p$  govorimo o linearni pohitritvi
- Če je  $E(n, p) > 1$  ali  $S(n, p) > p$  govorimo o nad-linearni pohitritvi
  - Do nad-linearne pohitritve lahko pride v praksi, na primer, zaradi vpliva organizacije pomnilnikov na izvajanje programa
    - Sekvenčni program:  
velik problem  $\rightarrow$  premalo glavnega pomnilnika  $\rightarrow$  uporaba navideznega
    - Paralelni program:  
problem je razdeljen  $\rightarrow$  na vsakem procesorju je dovolj pomnilnika  $\rightarrow$  uporaba navideznega pomnilnika ni potrebna

# Cena računanja

---

## ✿ Definicija

$$P(n, p) = pt_p(n) = \frac{pt_s(n)}{S(n, p)} = \frac{t_s(n)}{E(n, p)}$$

- Bolj kot je program učinkovit, bolj so procesorji izkoriščeni, zato izračun poteka manj časa in je cena nižja

# Amdahlov zakon

---

• Še enkrat pohitritev

$$S(n, p) = \frac{\sigma(n) + \varphi(n)}{\sigma(n) + \varphi(n)/p + \kappa(n, p)}$$

- Vzemimo, da poznamo delež operacij, ki jih moramo izvajati zaporedno

$$f = \frac{\sigma(n)}{\sigma(n) + \varphi(n)}$$



# Amdahlov zakon

---

## • Še enkrat pohitritev

- ker je  $\kappa(n, p) \geq 0$ , velja

$$S(n, p) = \frac{\sigma(n) + \varphi(n)}{\sigma(n) + \varphi(n)/p + \kappa(n, p)} \leq \frac{\sigma(n) + \varphi(n)}{\sigma(n) + \varphi(n)/p}$$

- Če iz enačbe za  $f$  izrazimo  $\varphi(n)$  in ga vstavimo v neenakost za  $S(n, p)$ , dobimo Amdahlov zakon

$$S(n, p) \leq \frac{1}{f + (1 - f)/p}$$

- Amdahlov zakon predpostavlja, da je:
  - velikost problema konstantna
  - fokus paralalizacije na skrajšanju časa izvajanja programa

# Amdahlov zakon

## ❖ Prekletstvo parametra $f$

- delež kode, ki ga ne moremo izvajati paralelno
  - koda, ki je ne moremo paralelizirati,
  - čas, potreben za komunikacijo,
  - čas, ki ga procesi porabijo za čakanje na pošiljanje/prejemanje podatkov,
  - čas, potreben za čakanje ostalih procesov, da zaključijo z delom,
  - čas, potreben za klicanje funkcij sistema MPI.

- ... če je tega samo 5% je največja pohitritev samo dvajsetkratna

sekvenčni delež	največja pohitritev
0 %	$\infty$
5 %	20
10 %	10
20 %	5
25 %	4